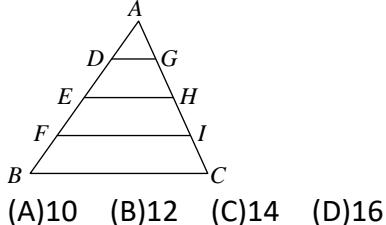


一、單選題：

() 1. 如附圖， $\triangle ABC$ 中， D, E, F 三點四等分 \overline{AB} ， G, H, I 三點四等分 \overline{AC} 。若 $\overline{EH} = 16$ ，則 $\overline{DG} + \overline{BC} - \overline{FI} = ?$



(A)10 (B)12 (C)14 (D)16

答案：(D)

解析： $\because \overline{DG} \parallel \overline{EH} \parallel \overline{FI} \parallel \overline{BC}$ (同為四等分點)

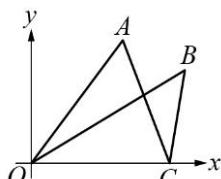
$$\therefore \overline{AD} : \overline{AE} : \overline{AF} : \overline{AB} = \overline{DG} : \overline{EH} : \overline{FI} : \overline{BC}$$

$$1 : 2 : 3 : 4 = \overline{DG} : 16 : \overline{FI} : \overline{BC}$$

$$\overline{DG} = 8, \overline{FI} = 24, \overline{BC} = 32$$

$$\overline{DG} + \overline{BC} - \overline{FI} = 8 + 32 - 24 = 16$$

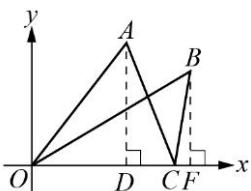
() 2. 如附圖，若 $A(3, 4)$, $B(5, 3)$ ，則 $\triangle AOC$ 的面積和 $\triangle BOC$ 的面積比為何？



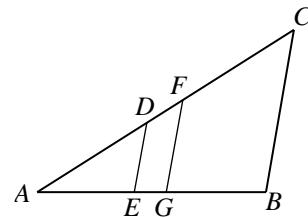
(A)3 : 5 (B)4 : 3 (C)16 : 9 (D)9 : 25

答案：(B)

$$\begin{aligned} \text{解析：所求} &= \left(\frac{1}{2} \times \overline{OC} \times \overline{AD} \right) : \left(\frac{1}{2} \times \overline{OC} \times \overline{BF} \right) \\ &= \overline{AD} : \overline{BF} \\ &= 4 : 3 \end{aligned}$$



() 3. 如附圖， $\triangle ADE \sim \triangle AFG \sim \triangle ACB$ 。若 $\overline{DE} = a$ ， $\overline{FG} = a+6$ ， $\overline{BC} = b+10$ ， $\overline{AE} = 3 \overline{EG} = \overline{GB}$ ， $\overline{AB} = 28$ ，則 $b = ?$



(A)30 (B)31 (C)32 (D)33

答案：(C)

$$\text{解析：} \overline{AG} : \overline{EG} : \overline{GB} = 3 : 1 : 3$$

$$\overline{DE} : \overline{FG} = \overline{AE} : \overline{AG}$$

$$a : (a+6) = 3 : 4$$

$$a = 18$$

$$\overline{DE} : \overline{BC} = \overline{AE} : \overline{AB}$$

$$18 : (b+10) = 3 : 7$$

$$b = 32$$

() 4. 亭亭想要測量與地面垂直的樹的高度，他先測量該樹影子的長度為 12.6 公尺，且在同一時間拿一根長 1.2 公尺的標桿垂直地面，測得標桿影子的長度為 0.9 公尺，試問該樹的高度是多少公尺？

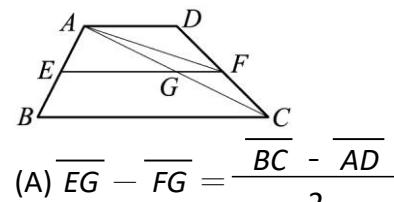
(A)16.2 (B)16.8 (C)17.4 (D)18

答案：(B)

解析：樹高 : 1.2 = 12.6 : 0.9

$$\Rightarrow \text{樹高} = 16.8 \text{ (公尺)}$$

() 5. 如附圖，梯形 $ABCD$ 中， \overline{EF} 是兩腰中點連線段， \overline{AC} 交 \overline{EF} 於 G 點，則下列敘述何者正確？



$$(A) \overline{EG} - \overline{FG} = \frac{\overline{BC} - \overline{AD}}{2}$$

(B) $AEFD$ 與 $EBCF$ 對應角相等，所以是相似形 (C) $\overline{AF} : \overline{AC} = \overline{AD} : \overline{EF}$

$$(D) \text{AEFD 面積} : \text{EBCF 面積} = \left(\frac{\overline{AD}}{\overline{EF}} \right)^2$$

答案：(A)

解析： $\because \overline{EF} \parallel \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

$$\therefore \overline{GF} : \overline{AD} = 1 : 2, \overline{GF} = \frac{\overline{AD}}{2}$$

$$\overline{EG} : \overline{BC} = 1 : 2, \overline{EG} = \frac{\overline{BC}}{2}$$

因此 $\overline{EG} - \overline{FG} = \frac{\overline{BC} - \overline{AD}}{2}$ ，故選(A)。

() 6. 已知圓 O 的半徑為 10 公分，若 P 點至圓心 O 的距離為 5 公分，則 P 點位於圓 O 之何處？

(A)圓上 (B)圓內 (C)圓外 (D)圓心

答案：(B)

解析： $\because \overline{OP} <$ 半徑

$\therefore P$ 點在圓內

() 7. 已知圓 O 的半徑為 7 公分，有一條直線 L 。若 d 為圓心與 L 的距離，而此直線與圓 O 相交於兩點，則 d 值可能為何？

(A) $\sqrt{50}$ (B) $\sqrt{43}$ (C) $\sqrt{52}$
(D) $\sqrt{49}$

答案：(B)

解析： $d < 7 = \sqrt{49}$

() 8. 平面上，圓 O 的直徑是 21，直線 L 、 T 、 M 、 N 與圓心的距離分別為 8、10.5、11、21，則下列何者是圓 O 的切線？

(A) L (B) T (C) M (D) N

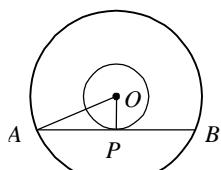
答案：(B)

解析：直徑 21

半徑 10.5

T 為切線

() 9. 如附圖，兩同心圓之大圓半徑為 25，小圓半徑為 7，大圓的一弦切小圓於 P 點，則 $\overline{AB} = ?$



(A) 48 (B) 50 (C) 54 (D) 60

答案：(A)

解析： $\overline{OP} \perp \overline{AB}$

$$\overline{AP} = \sqrt{25^2 - 7^2} = 24$$

$$\overline{AB} = 2 \overline{AP} = 48$$

() 10. 若 \overline{AB} 為圓 O 的一弦，且圓 O 的直徑為 12，則 \overline{AB} 的範圍為何？

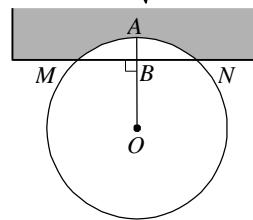
(A) $\overline{AB} < 12$ (B) $0 < \overline{AB} \leq 12$ (C) $6 < \overline{AB} \leq 12$ (D) $\overline{AB} < 6$

答案：(B)

解析： \because 直徑是最長的弦

$\therefore 0 < \overline{AB} \leq 12$

() 11. 有厚度相同的 O 、 P 、 Q 、 R 四種硬幣，直徑分別為 8 公分、7 公分、6 公分、5 公分，要投入某一臺扭蛋機的投幣口 (即附圖之 MN)，結果 O 硬幣無法投入，如附圖。若該硬幣的圓心距離投入口 3 公分 (即 $\overline{OB} = 3$ 公分)，則此四種硬幣有幾種可以投入該臺扭蛋機？($\sqrt{2} \approx 1.41$, $\sqrt{3} \approx 1.73$, $\sqrt{5} \approx 2.241$, $\sqrt{6} \approx 2.45$, $\sqrt{7} \approx 2.65$, $\sqrt{8} \approx 2.83$, $\sqrt{10} \approx 3.16$)



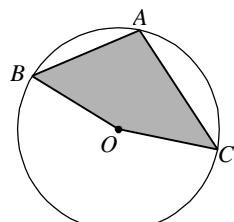
(A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

答案：(B)

解析： $\overline{MN} = 2 \times \sqrt{4^2 - 3^2} = 2\sqrt{7} \approx 5.3$

\therefore 只有 R 可以投入

() 12. 如附圖， $\angle BAC = 100^\circ$ ， O 是圓心，則 $\angle BOC$ 的度數是多少？



(A) 100° (B) 120° (C) 140° (D) 160°

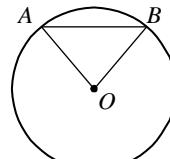
答案：(D)

解析： $\because \angle BAC = 100^\circ$

$\therefore \widehat{BC} = 200^\circ$

$\angle BOC = \widehat{BOC} = 360^\circ - 200^\circ = 160^\circ$

() 13. 如附圖， \overline{AB} 把圓 O 分成大小兩弧。若大弧度數等於小弧度數的 4 倍少 40° ，則 $\triangle AOB$ 是何種三角形？



(A) 正三角形 (B) 鈍角三角形 (C) 直角三角形 (D) 鈍角三角形

答案：(B)

解析：設 $\widehat{AB} = x$ ，則大弧為 $(4x - 40)^\circ$

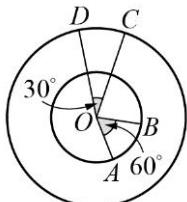
$$(4x-40) + x = 360$$

$$x = 80$$

$$\angle AOB = 80^\circ, \angle OAB = \angle OBA = 50^\circ$$

銳角三角形

() 14. 如附圖，兩同心圓半徑分別為 2 和 4，下列四位同學的說法哪位是錯誤的？



(A) 阿甘說： \widehat{AB} 的度數 $>$ \widehat{CD} 的度數
 (B) 阿興說： \widehat{AB} 的長度 $>$ \widehat{CD} 的長度
 (C) 阿宏說：扇形 OAB 的面積 $<$ 扇形 OCD 的面積
 (D) 阿娃說：扇形 OAB 的周長 $<$ 扇形 OCD 的周長

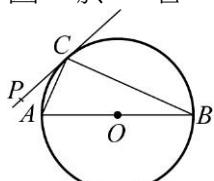
答案：(B)

$$\text{解析：} \widehat{AB} = 2 \times \pi \times 2 \times \frac{60}{360} = \frac{2}{3} \pi$$

$$\widehat{CD} = 2 \times \pi \times 4 \times \frac{30}{360} = \frac{2}{3} \pi$$

\widehat{AB} 長 = \widehat{CD} 長

() 15. 如附圖， \overline{AB} 是圓 O 的直徑， \overleftarrow{PC} 切圓 O 於 C 。若 $\angle A = 66^\circ$ ，則 $\angle PCA = ?$



(A) 22° (B) 24° (C) 26° (D) 28°

答案：(B)

解析： $\because \overline{AB}$ 為直徑

$$\therefore \angle ACB = 90^\circ$$

$$\angle PCA = \angle B = 180^\circ - 90^\circ - 66^\circ = 24^\circ$$

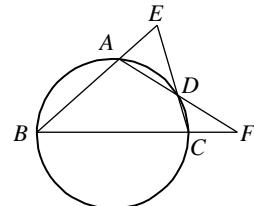
() 16. 下列何者錯誤？

(A) 若平面上三點不共線則必共圓
 (B) 圓外一點到圓的兩切線段等長
 (C) 兩圓外公切線段必小於或等於連心線段
 (D) 兩弧的弧長相等，則兩弧的度數必相等

答案：(D)

解析：(D) 兩弧的弧長相等時，若兩圓半徑不相等，則兩弧的度數不相等

() 17. 如附圖， $ABCD$ 為圓內接四邊形， $\angle B = 42^\circ$ ， $\angle E = 2\angle F$ ，則 $\angle E = ?$



(A) 54° (B) 64° (C) 32° (D) 42°

答案：(B)

$$\text{解析：} \angle ADC = 180^\circ - 42^\circ = 138^\circ = \angle EDF$$

$$\angle EDF = \angle B + \angle E + \angle F$$

$$138^\circ = 42^\circ + 3\angle F$$

$$\angle F = 32^\circ, \angle E = 64^\circ$$

() 18. $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中， $\angle A = \angle D$ ， $\overline{AB} = \overline{DF}$ 。若再加上下列哪一個條件，

則 $\triangle ABC \cong \triangle DFE$ ？

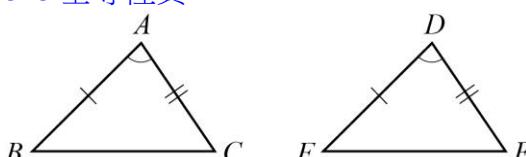
$$(A) \overline{AC} = \overline{EF} \quad (B) \overline{AC} = \overline{DE}$$

$$(C) \overline{BC} = \overline{EF} \quad (D) \overline{BC} = \overline{DE}$$

答案：(B)

解析：加上 $\overline{AC} = \overline{DE}$

SAS 全等性質



() 19. 如附圖，已知 $\overline{AO} = \overline{DO}$ ， $\overline{CO} = \overline{BO}$ 。

求證： $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ 。

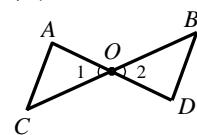
證明： $\because \overline{AO} = \overline{DO}$ ， $\overline{CO} = \overline{BO}$ ，

$$\angle 1 = \angle 2$$

$\therefore \triangle ACO \cong \triangle DBO$ (SAS)

$\therefore \angle A = \angle D$ ，故 $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$

下列哪一個選項是 $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ 的理由？



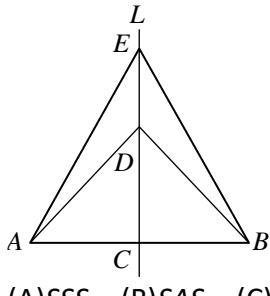
(A) 對應角相等 (B) 內錯角相等 (C) 同位角相等 (D) 同側內角相等

答案：(B)

解析： $\angle A$ 與 $\angle D$ 為內錯角

() 20. 如附圖，直線 L 為 \overline{AB} 的中垂線，交 \overline{AB} 於 C 點，且 D 、 E 兩點均在 L

上，欲證明 $\triangle ADE \cong \triangle BDE$ ，則可使用下列哪一種全等性質？



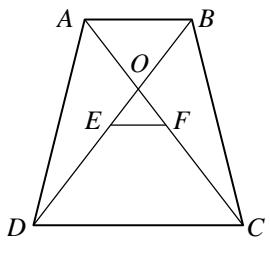
(A) SSS (B) SAS (C) RHS (D) AAS

答案：(A)

解析： $\overline{EA} = \overline{EB}$ ， $\overline{DA} = \overline{DB}$ ， $\overline{ED} = \overline{ED}$

$\triangle ADE \cong \triangle BDE$ (SSS 全等性質)

() 21. 如附圖，四邊形 $ABCD$ 為梯形， $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ ，且 E 、 F 分別是 \overline{BD} 、 \overline{AC} 之中點。若 $\overline{CD} = 2\overline{AB} = 20$ ，則 $\overline{EF} = ?$



(A) 5 (B) 7 (C) 9 (D) 11

答案：(A)

解析： $\overline{EF} = \frac{1}{2} (\overline{CD} - \overline{AB}) = \frac{1}{2} (20 - 10) = 5$

() 22. 在銳角 $\triangle ABC$ 中，兩邊 \overline{AB} 、 \overline{AC} 的垂直平分線交於 O 點。若 $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ ，則 $\angle AOC = ?$

(A) 40° (B) 80° (C) 120° (D) 160°

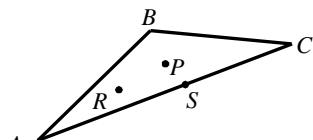
答案：(C)

解析： O 為外心

$\angle A = 45^\circ$ ， $\angle B = 60^\circ$ ， $\angle C = 75^\circ$

$\angle AOC = 2\angle B = 2 \times 60^\circ = 120^\circ$

() 23. 如附圖，若 $\angle A + \angle C = 50^\circ$ ，則下列何點為 $\triangle ABC$ 之外心？



(A) P (B) Q (C) R (D) S

答案：(B)

解析： $\angle A + \angle C = 50^\circ$ ， $\angle B = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$

鈍角三角形外心在 \triangle 外部

Q 點為外心

() 24. 若 I 是 $\triangle ABC$ 的內心， $\overline{AB} = 5$ ， $\overline{BC} = 7$ ， $\overline{AC} = 9$ ，則下列哪一個面積最大？

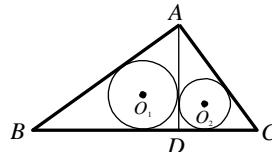
(A) $\triangle AIC$ (B) $\triangle AIB$ (C) $\triangle BIC$ (D) 三者相等

答案：(A)

解析： I 為內心

$\triangle AIB : \triangle BIC : \triangle AIC = \overline{AB} : \overline{BC} : \overline{AC} = 5 : 7 : 9$

() 25. 如附圖， $\triangle ABC$ 中， $\angle BAC = 90^\circ$ ， $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ，又圓 O_1 和圓 O_2 分別是 $\triangle ABD$ 和 $\triangle ACD$ 的內切圓。若 $\overline{AB} = 16$ ， $\overline{BC} = 20$ ，則圓 O_2 的周長是圓 O_1 周長的幾倍？



(A) 0.7 (B) 0.75 (C) 0.8 (D) 0.85

答案：(B)

解析： $\overline{AC} = \sqrt{20^2 - 16^2} = 12$ ， $\overline{AD} = \frac{16 \times 12}{20} = \frac{48}{5}$

$\overline{CD} = \frac{36}{5}$ ， $\overline{BD} = \frac{64}{5}$

圓 O_2 半徑 $= \frac{1}{2} (\frac{36}{5} + \frac{48}{5} - 12) = \frac{24}{5}$

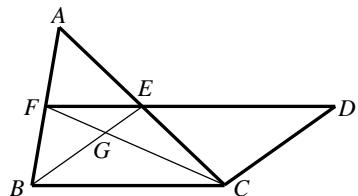
圓 O_1 半徑 $= \frac{1}{2} (\frac{64}{5} + \frac{48}{5} - 16) = \frac{32}{5}$

圓 O_2 周長 $= \frac{24}{5} \times \pi = \frac{3}{4} \pi$

圓 O_1 周長 $= \frac{32}{5} \times \pi = \frac{32}{5} \pi$

$\frac{24}{5} \times \pi = \frac{3}{4} \pi = 0.75$

() 26. 如附圖， G 點是 $\triangle ABC$ 之重心，延長 \overline{EF} 至 D 點，使得 $\overline{EF} : \overline{DE} = 1 : 2$ ，則下列何者正確？



(A) $\overline{BE} : \overline{ED} = 1:1$ (B) $\overline{BG} : \overline{CD} = 2:3$ (C) $\overline{FG} : \overline{CG} = 1:3$ (D) $\overline{EG} : \overline{DC} = 1:2$

答案：(B)

解析： $\because G$ 點是 $\triangle ABC$ 之重心

$\therefore E, F$ 兩點分別為 \overline{AC} 、 \overline{AB} 的中點

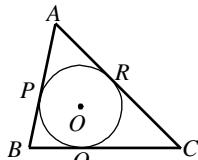
$\Rightarrow \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ ，且 $\overline{BC} = 2 \overline{EF}$

$\therefore \overline{DE} \parallel \overline{BC}$ ，且 $\overline{DE} = 2 \overline{EF} = \overline{BC}$

$\therefore BCDE$ 為平行四邊形

$\Rightarrow \overline{BG} : \overline{CD} = \overline{BG} : \overline{BE} = 2:3$

() 27. 如附圖，已知 $\triangle ABC$ 的內切圓切三邊於 P, Q, R 三點。若 $\triangle ABC$ 之周長為 18 cm ，且 $\overline{OP} = 2\text{ cm}$ ，則 $\triangle ABC$ 之面積為何？



(A) 16 cm^2 (B) 18 cm^2 (C) 20 cm^2
(D) 24 cm^2

答案：(B)

解析： $\triangle ABC$ 面積 = $\frac{1}{2} \times 18 \times 2 = 18$

() 28. 鈍角 $\triangle ABC$ 中， $\angle CAB = 28^\circ$ ， $\angle ACB = 32^\circ$ ， O 為 $\triangle ABC$ 外心，則 $\angle AOC$ 之度數 = ?
(A) 150° (B) 130° (C) 120° (D) 100°

答案：(C)

解析： $\angle AOC = 360^\circ - \angle ACB$
= $360^\circ - 2 \times 120^\circ$
= $360^\circ - 240^\circ$
= 120°

() 29. 設 $a \neq 0$ ，若 $|b - 3c| + |\frac{5}{3}a - 2c| = 0$ ，則 $(2b - c) : (5a - b)$ 的比值是多少？

(A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{5}{3}$ (C) $\frac{7}{3}$ (D) $\frac{11}{3}$

答案：(B)

解析： $b - 3c = 0 \Rightarrow b : c = 3 : 1$

$\frac{5}{3}a - 2c = 0 \Rightarrow a : c = 6 : 5$

$a : b : c$

$$\begin{array}{r} 3 \quad 1 \\ 6 \quad 5 \\ \hline 6 : 15 : 5 \end{array}$$

設 $a = 6r, b = 15r, c = 5r, r \neq 0$

$$(30r - 5r) : (30r - 15r) = 25 : 15 = 5 : 3$$

$$\text{比值} = \frac{5}{3}$$

() 30. 設 $x : 4 : 5 = 9 : 12 : y$ ，則下列何者正確？

(A) $x = 3, y = 15$ (B) $x + y = 15$ (C) $x = 4, y = 5$ (D) $x + y = 9$

答案：(A)

解析： $x : 4 = 9 : 12$

$$\Rightarrow x = \frac{9 \times 4}{12} = 3$$

$$4 : 5 = 12 : y$$

$$\Rightarrow y = \frac{5 \times 12}{4} = 15$$

$$x + y = 18$$

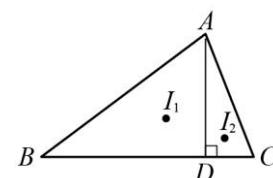
() 31. 預拌水泥車中的水泥、砂、石子的比為 $6 : 3 : 2$ ，則 33 公噸的預拌水泥中含水泥有多少公噸？

(A) 14 (B) 16 (C) 18 (D) 20

答案：(C)

解析： $33 \times \frac{6}{6+3+2} = 18$

() 32. 如附圖，已知 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ， I_1, I_2 分別為 $\triangle ABD$ 與 $\triangle ACD$ 的內心。若 $\overline{AD} = 12$ ， $\overline{BD} = 16$ ， $\overline{CD} = 5$ ，則 $\overline{I_1I_2} = ?$



(A) $4\sqrt{3}$ (B) $8\sqrt{3}$ (C) $2\sqrt{10}$
(D) $4\sqrt{10}$

答案：(C)

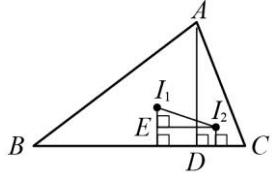
解析：設 $\triangle ABD$ 內切圓半徑為 r_1 ， $\triangle ADC$ 內切圓半徑為 r_2

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{16^2 + 12^2} = 20, \overline{AC} = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 16 \times 12 = \frac{1}{2} \times (16 + 12 + 20) \times r_1, r_1 = 4$$

$$\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times (5 + 12 + 13) \times r_2, r_2 = 2$$

$$\text{故 } \overline{I_1I_2} = \sqrt{\overline{I_1E}^2 + \overline{I_2E}^2} = \sqrt{(4-2)^2 + (4+2)^2} = 2\sqrt{10}$$



() 33. 如附圖，

【已知】 L 為 \overline{AB} 的垂直平分線， P 為 L 上一點， \overline{AB} 為 $\angle PAC$ 的角平分線。

【求證】 $\overline{PB} \parallel \overline{AC}$ 。

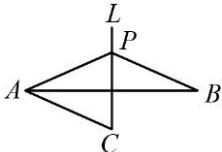
$$\textcircled{1} \quad \angle BAC = \angle B$$

$$\textcircled{2} \quad \overline{AB} \text{ 為 } \angle PAC \text{ 的角平分線} \Rightarrow \angle PAB = \angle BAC$$

$$\textcircled{3} \quad \overline{PB} \parallel \overline{AC}$$

$$\textcircled{4} \quad L \text{ 為 } \overline{AB} \text{ 的垂直平分線} \Rightarrow \overline{PA} = \overline{PB} \Rightarrow \angle PAB = \angle B$$

上面①~④是小梨子的證明過程，但順序不一定正確，請問可能的正確順序為何？

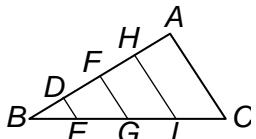


(A) ①②④③ (B) ④①②③ (C) ①④
②③ (D) ②④①③

答案：(D)

解析：④②①③或②④①③皆可

() 34. 如附圖，在 $\triangle ABC$ 中，將 \overline{AB} 及 \overline{BC} 分別 4 等分，試問四邊形 $DEGF$ 會與下列哪一個圖形相似？



(A) 四邊形 $FGIH$ (B) 三角形 BDE (C)
四邊形 $HICA$ (D) 四邊形 $FGCA$

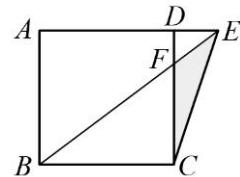
答案：(D)

解析：(D) $\because \overline{DE} : \overline{FG} = \overline{FG} : \overline{AC} = \overline{DF} : \overline{AF} = \overline{EG} : \overline{CG}$
 $= 1 : 2$

且 $\angle FDE = \angle AFG$ ， $\angle DEG = \angle FGC$ ， $\angle FGE = \angle C$ ， $\angle DFG = \angle A$

\therefore 四邊形 $DEGF \sim$ 四邊形 $FGCA$

() 35. 如附圖，正方形 $ABCD$ 的邊長為 4， $\triangle CEF$ 面積為 2 平方單位，則 $\overline{DE} = ?$



(A) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{3}{4}$ (C) $\frac{5}{4}$ (D) $\frac{4}{5}$

答案：(A)

解析：設 $\overline{DE} = x$

$$\overline{CF} \times x \times \frac{1}{2} = 2 \Rightarrow \overline{CF} = \frac{4}{x}$$

$$\therefore \overline{AE} \parallel \overline{BC}$$

$\therefore \triangle BCF \sim \triangle EDF$ (AA 相似)

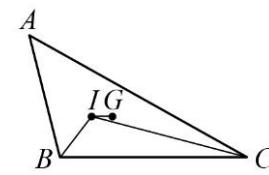
$$\therefore \frac{\overline{BC}}{\overline{DE}} = \frac{\overline{CF}}{\overline{DF}}$$

$$\Rightarrow 4 : x = \frac{4}{x} : (4 - \frac{4}{x})$$

$$\Rightarrow 4 = 16 - \frac{16}{x} , x = \frac{4}{3}$$

故選(A)

() 36. 如附圖， $\triangle ABC$ 中， I 點為內心， G 點為重心，且 $\overline{IG} \parallel \overline{BC}$ 。若 $\overline{BC} = 24$ ，則 $\overline{AB} + \overline{AC} = ?$



(A) 42 (B) 45 (C) 48 (D) 51

答案：(C)

解析：延長 \overline{IG} 分別交 \overline{AB} 、 \overline{AC} 於 D 、 E

$$\therefore \angle DBI = \angle IBC = \angle BID$$

$$\therefore \overline{BD} = \overline{DI}$$
，同理 $\overline{IE} = \overline{CE}$

$$\Rightarrow \triangle ADE \text{ 周長} = \overline{AD} + \overline{DE} + \overline{AE} = \overline{AB} + \overline{AC}$$

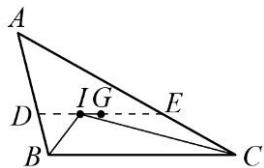
$\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC$ (AA 相似)，且 G 為重心

$$\therefore \triangle ADE \text{ 周長} : \triangle ABC \text{ 周長} = \overline{AD} : \overline{AB} = 2 : 3$$

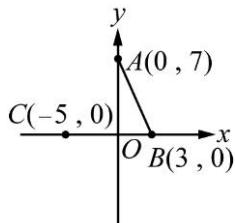
$$\Rightarrow (\overline{AB} + \overline{AC}) : (\overline{AB} + \overline{AC} + 24) = 2 : 3$$

$$\Rightarrow \overline{AB} + \overline{AC} = 48$$

故選(C)



() 37. 附圖為 A 、 B 、 C 三點在坐標平面上的位置，其中 O 為原點，欲在 y 軸上找一點 D ，使得 $\triangle OAB$ 與 $\triangle OCD$ 為相似三角形，則可能的 D 點有幾個？

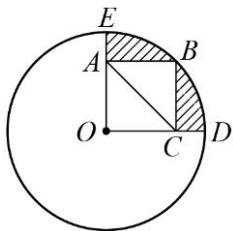


(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

答案：(D)

解析： $(0, \frac{35}{3})$ 、 $(0, -\frac{35}{3})$ 、 $(0, \frac{15}{7})$ 、 $(0, -\frac{15}{7})$ 四個點

() 38. 如附圖， O 為圓心， $OABC$ 為矩形， $\overline{AC} = 5$ ， $\overline{CD} = 2$ ，則下列敘述何者正確？



(A) $\overline{OA} = 3$ (B) 圓面積為 20π (C)

斜線面積為 $\frac{25}{4}\pi - 12$ (D) 長方形

周長為 16

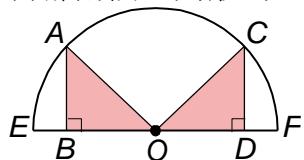
答案：(C)

解析：(A) $\overline{OA} = 4$

(B) 圓面積為 25π

(D) 長方形周長為 14

() 39. 如附圖， \overline{AB} 、 \overline{CD} 分別垂直圓 O 的直徑 \overline{EF} 於 B 、 D 兩點，且 $\overline{AB} = \overline{CD}$ ，若僅由 $\overline{OA} = \overline{OC}$ ， $\overline{AB} = \overline{CD}$ ， $\angle ABO = \angle CDO = 90^\circ$ ，可證明哪兩個三角形為全等三角形？



(A) $\triangle ABD$ 與 $\triangle ABO$ (B) $\triangle ABO$ 與 $\triangle CDO$
 (C) $\triangle ABC$ 與 $\triangle BCO$ (D) $\triangle AEO$ 與 $\triangle COD$

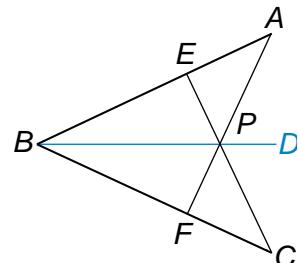
答案：(B)

解析： $\because \overline{OA} = \overline{OC}$ = 半徑， $\overline{AB} = \overline{CD}$ ， $\angle ABO = \angle CDO = 90^\circ$

$\therefore \triangle ABO \cong \triangle CDO$ (RHS 全等性質)

() 40. 如附圖， P 點在 \overline{BD} 上，連接 \overline{AP} 並交 \overline{BC} 於 F 點，連接 \overline{CP} 並交 \overline{AB} 於 E 點，則下列哪一個選項可以證明 $\triangle BPE \cong \triangle BPF$ ？

(甲) $\angle BAP = \angle BCP$
 (乙) $\angle PEB = \angle PFB = 90^\circ$
 (丙) $\overline{PB} = \overline{PB}$
 (丁) $\overline{PE} = \overline{PF}$



(A) 甲、乙、丙 (B) 甲、乙、丁 (C)
 甲、丙、丁 (D) 乙、丙、丁

答案：(D)